

Prof. Dr. Alfred Toth

Diagonale Teilmatrizen der Großen Matrix

1. Jede der 81 Dyadenpaare, die in der von Bense (1975, S. 106) eingeführten großen semiotischen Matrix enthalten sind, hat die abstrakte Form

$$DP = ((a.b), (c.d)).$$

An dieser Stelle wollen wir uns fragen, wo jeweils die Konversion

$$DP^\circ = ((c.d), (a.b))$$

für jedes DP liegt und ob die Mengen

$$\mathfrak{DP} = \{ \langle DP, DP^\circ \rangle \}$$

zu jedem DP Teilmatrizen „ausgliedern“.

2. Wir beginnen mit der Hauptdiagonalen. Wie man leicht zeigt, partitioniert sie \mathfrak{DP} in 4 Mengen der Form $\langle DP, DP^\circ \rangle$, bis die innerste Teilmatrix $\langle ((2.3), (2.1)), ((2.1), (2.3)) \rangle$ erreicht ist. Wie man ebenfalls anhand der folgenden händischen Skizze sieht, schneiden die orthogonalen Teilmatrizen jeweils mit jedem Schritt von „außen“ nach „innen“ (in Richtung der Nebendiagonalen) eine immer kleinere rechteckige Teilmatrix aus der Großen Matrix aus. Dabei stehen die 4 DP in einer Nachfolgerrelation:

$$((3.3), (1.1)) \rightarrow ((3.2), (1.2)) \rightarrow ((3.1), (1.3)) \rightarrow ((2.3), (2.1)),$$

d.h. die abstrakte Struktur dieser Nachfolgerrelation ist

$$((a.b), (c.d)) \rightarrow ((a.(b-1)), (c.(d+1))) \rightarrow ((a.(b-2)), (c.(d+2))) \rightarrow$$

$$((a.(b-3)), (c.(d+3))),$$

wobei jeder Nachfolgeschritt n mit $n > 2$ einen Triadensprung bedeutet. Man kann das folgendermaßen zeigen:

$$N(1.1) = (1.2), N(1.2) = (1.3), \text{ aber } N(1.3) = (2.1) \dots N(2.3) = (3.1).$$

		M			O			I		
		Qu 1.1	Si 1.2	Le 1.3	Ic 2.1	In 2.2	Sy 2.3	Rh 3.1	Di 3.2	Ar 3.3
M	Qu 1.1	Qu-Qu 1.1 1.1	Qu-Si 1.1 1.2	Qu-Le 1.1 1.3	Qu-Ic 1.1 2.1	Qu-In 1.1 2.2	Qu-Sy 1.1 2.3	Qu-Rh 1.1 3.1	Qu-Di 1.1 3.2	Qu-Ar 1.1 3.3
	Si 1.2	Si-Qu 1.2 1.1	Si-Si 1.2 1.2	Si-Le 1.2 1.3	Si-Ic 1.2 2.1	Si-In 1.2 2.2	Si-Sy 1.2 2.3	Si-Rh 1.2 3.1	Si-Di 1.2 3.2	Si-Ar 1.2 3.3
	Le 1.3	Le-Qu 1.3 1.1	Le-Si 1.3 1.2	Le-Le 1.3 1.3	Le-Ic 1.3 2.1	Le-In 1.3 2.2	Le-Sy 1.3 2.3	Le-Rh 1.3 3.1	Le-Di 1.3 3.2	Le-Ar 1.3 3.3
O	Ic 2.1	Ic-Qu 2.1 1.1	Ic-Si 2.1 1.2	Ic-Le 2.1 1.3	Ic-Ic 2.1 2.1	Ic-In 2.1 2.2	Ic-Sy 2.1 2.3	Ic-Rh 2.1 3.1	Ic-Di 2.1 3.2	Ic-Ar 2.1 3.3
	In 2.2	In-Qu 2.2 1.1	In-Si 2.2 1.2	In-Le 2.2 1.3	In-Ic 2.2 2.1	In-In 2.2 2.2	In-Sy 2.2 2.3	In-Rh 2.2 3.1	In-Di 2.2 3.2	In-Ar 2.2 3.3
	Sy 2.3	Sy-Qu 2.3 1.1	Sy-Si 2.3 1.2	Sy-Le 2.3 1.3	Sy-Ic 2.3 2.1	Sy-In 2.3 2.2	Sy-Sy 2.3 2.3	Sy-Rh 2.3 3.1	Sy-Di 2.3 3.2	Sy-Ar 2.3 3.3
I	Rh 3.1	Rh-Qu 3.1 1.1	Rh-Si 3.1 1.2	Rh-Le 3.1 1.3	Rh-Ic 3.1 2.1	Rh-In 3.1 2.2	Rh-Sy 3.1 2.3	Rh-Rh 3.1 3.1	Rh-Di 3.1 3.2	Rh-Ar 3.1 3.3
	Di 3.2	Di-Qu 3.2 1.1	Di-Si 3.2 1.2	Di-Le 3.2 1.3	Di-Ic 3.2 2.1	Di-In 3.2 2.2	Di-Sy 3.2 2.3	Di-Rh 3.2 3.1	Di-Di 3.2 3.2	Di-Ar 3.2 3.3
	Ar 3.3	Ar-Qu 3.3 1.1	Ar-Si 3.3 1.2	Ar-Le 3.3 1.3	Ar-Ic 3.3 2.1	Ar-In 3.3 2.2	Ar-Sy 3.3 2.3	Ar-Rh 3.3 3.1	Ar-Di 3.3 3.2	Ar-Ar 3.3 3.3

Bibliographie

Bense, Max, Semiotische Prozesse und Systeme. Baden-Baden 1975

25.7.2011